Wir wollen das Bewiesene schließlich noch einmal übersichtlich zusammenfassen:

__Satz__ Sei n gerade, $\Gamma \subseteq \mathbb{R}^n$ ein ganzes und gerades Gitter, $P(x_1,\dots,x_n)$ ein sphärisches Polynom vom Grad ν. Für $g \in \Gamma^*$ sei

$$\vartheta_{g+\Gamma,P}(\tau) = \sum_{x \in g+\Gamma} P(x)\, e^{\pi i x^2}.$$

Es bezeichne N die Stufe von Γ (d.h. die kleinste natürliche Zahl mit $Ny^2 \in 2\mathbb{Z}$ für alle $y \in \Gamma^*$) und Δ die Diskriminante von Γ (d.h. $\Delta = (-1)^{n/2} v(\Gamma)^2$). Dann gilt

$$\vartheta_{g+\Gamma,P}\left(\frac{a\tau+b}{c\tau+d}\right) = (c\tau+d)^{\frac{n}{2}+\nu}\, \vartheta_{g+\Gamma,P} \quad \text{für alle } \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \in \Gamma(N),$$

und

$$\vartheta_{\Gamma,P}\left(\frac{a\tau+b}{c\tau+d}\right) = (c\tau+d)^{\frac{n}{2}+\nu} \left(\frac{\Delta}{d}\right) \vartheta_{\Gamma,P} \quad \text{für alle } \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \in \Gamma_0(N).$$