En générale : Si f est une fonct. mod. avec des zéros ou pôles dans $\mathfrak{H}$, alors

(a_n) est sauvagement croissante.

D'autre part nos F_d ont peu de pôles, juste assez de pôles pour exister. Donc ~~on peut supposer qu'i~~ ils ont aussi peu de zéros, et peut-être pas de zéros dans $\mathfrak{H}$, et donc (a_n) est peut-être assez bonne. En fait, ça c'est vrai. Nous avons trouvé :

<u>transparents</u> .

On a aussi des expansions de produits dans le cas des modèles minimales de Virasoro avec

$$c = c(2,\ell) = 1 - 3\,\frac{(\ell-2)^2}{\ell} \qquad (\ell \text{ impair})$$

Ici les caractères conf. sont

$$\varphi_r = \prod_{n \not\equiv 0, \pm r\ (\ell)} (1-q^n)^{-1}. \qquad \left(1 \leq r \leq \tfrac{\ell-1}{2}\right)$$

Ces φ_r sont intéressantes parce qu'ils apparaissent dans les identités généralisés de Rogers-Ramanujan (id. de Andrews-Gordon) :

$$\varphi_r = \sum_{m_1, \dots, m_{k-1} \geq 0} \frac{q^{m^t A m + b_r^t m}}{(q)_{m_1} (q)_{m_2} \cdots (q)_{m_{k-1}}}$$

avec $A = \left(\min(i,j)\right)_{1 \leq i,j \leq k-1}$

$$(b_r)_i = \min(i-r+1, 0).$$

Donc on peut demander si il existe aussi une identités de ce type pour les caractères non-triviales ($\ell = 5$, ~~7~~ $11, 12, 23$).