

Korollar

Sei $h = \sum a_{rs} X^{4r+4} Y^{4s+4}$ invariant, so gilt es ein
 $h' = \sum a'_{rs} X^{4r} Y^{4s}$, ~~so~~ ~~welches~~ ~~invariant~~ ist, sodass

$$h = (X^4 - Y^4)^4 X^4 Y^4 \cdot h'$$

Lemma 4

~~Sei h invariant unter $(-)^2$ und~~

Lemma 4

Sei $h \in K[X, Y]$ eine Form vom Grade $8n$, h sei symmetrisch
in X und Y , und invariant unter $(-)^2$; Zudem enthalte h nur
Monome der Gestalt $X^{4r} Y^{4s}$.

Dann gibt es $a_2 \in K$, sodass

$$h = \sum_{z=0}^{\lfloor \frac{n}{3} \rfloor} a_2 f^{n-3z} g^z.$$

Beweis (durch Induktion über n)

Für $n=0$ ist nichts zu zeigen.

~~Die~~ Sei also $n > 0$, und die Behauptung gelte für alle $k < n$.

Fall 1 h ist in der Gestalt: $h = \sum a_{rs} X^{4r+4} Y^{4s+4}$

Dann gibt es ein h' mit

$$h = g h';$$

wie man leicht sieht, läßt sich aber auf h' die Induktionsvoraussetzung
anwenden; damit folgt aber leicht die Induktionsbehauptung.

Fall 2 h ist in der Gestalt $h = c(X^{8n} + Y^{8n}) + \sum a_{rs} X^{4r+4} Y^{4s+4}$;

Dann erfüllt $h - c f^n$ die Voraussetzung von Fall 1, läßt sich
also darstellen der gewinnsten Art, woraus die Behauptung für h folgt. \square